

Ein Glossar für IWGS (Automatisch Generiert)

Michael Kohlhase
Computer Science, FAU Erlangen-Nürnberg
<https://kwarc.info/kohlhase>

16. Dezember 2021

Vorwort

Dieses Dokument legt ein Glossar für die Vorlesung *Informatische Werkzeuge in den Geistes- und Sozialwissenschaften* (IWGS) an FAU Erlangen-Nürnberg (IWGS) vor. Es wird automatisch aus den Quellen der (englischen) Kursnotizen generiert und sollte daher mit dem Fortschritt des Kurses wachsen. Der Hauptzweck der Wörterbücher ist es, die sprachliche Lücke zu füllen, die dadurch entsteht, dass der Kurs auf Deutsch gehalten wird, aber die Folien und Kursnotizen auf Englisch sind.

Das Glossary enthält alle technischen Begriffe, die in der Vorlesung benutzt werden, sowohl die explizit im Kurs definierten, also auch diejenigen, die vorausgesetzt werden - von den letzteren gibt es relativ wenige, da IWGS ein Anfängerkurs ist.

1 Glossar für IWGS

Äquivalenzklasse Seien S eine Menge, R eine Äquivalenzrelation auf S und $x \in S$, dann nennen wir die Menge $[x]_R := \{y \in S \mid R(x, y)\}$ die **Äquivalenzklasse** von x (unter R), und die Menge $S/R := \{[x]_R \mid x \in S\}$ die **Quotientenmenge** oder **Faktormenge** von S (unter R .) Das Element x wird der **Representant** von $[x]_R \in S/R$ genannt.

Wir nennen die Abbildung $\pi_R: S \rightarrow S/R; x \mapsto [x]_R$ die **kanonische Projektion** oder **Quotientenabbildung** von S auf S/R unter R .

Äquivalenzrelation Eine Relation $R \subseteq A \times A$ ist eine **Äquivalenzrelation** auf A , wenn R **reflexiv**, **symmetrisch** und **transitiv** ist.

Übergangsfunktion Definiert bei **nichtdeterministische Turingmaschine**

Übergangsrelation Definiert bei **nichtdeterministische Turingmaschine**

überabzählbar Definiert bei **abzählbar**

n -Tupel Definiert bei **n -fache Cartesische Product**

er Cartesischen Raum Ein n -dimensionales **Cartesisches Produkt** $A_1 \times \dots \times A_n$ heißt **n -dimensionaler Cartesischen Raum** über einer Menge A (und schreiben A^n), falls $A_i = A$ für alle i . Wir nennen ein Element $\langle a_1, \dots, a_n \rangle \in A^n$ einen **Vektor**.

e Cartesische Product Sei $A := \{A_i \mid 1 \leq i \leq n\}$ eine Familie von Mengen dann definieren wir das **n -fache Cartesische Product** $A_1 \times \dots \times A_n$ als $\{\langle a_1, \dots, a_n \rangle \mid a_i \in A_i \text{ for all } 1 \leq i \leq n\}$, und nennen $\langle a_1, \dots, a_n \rangle \in A_1 \times \dots \times A_n$ **n -Tupel**. Wir nennen n die **Dimension** von $A_1 \times \dots \times A_n$.

n -fache Verkettung Wir schreiben die **n -fache Verkettung** der Relation R als R^n und definieren sie als $R^1 := R$ und $R^{i+1} := \{S \circ R \mid S \in R^i\}$.

p -Abschluss Ist p eine Eigenschaft und $R \subseteq A \times B$ eine Relation, dann nennen wir die kleinste (bezüglich \subseteq) Relation $R' \supseteq R$ die Eigenschaft p hat den **p -Abschluss** von R .

ADT Siehe **abstrakter Datentyp**

ALU Definiert bei **zentrale Verarbeitungseinheit**

ALU Definiert bei **zentrale Verarbeitungseinheit**

Absolutbetrag Der **Absolutbetrag** $|r|$ einer **ganzen Zahl** r ist definiert als $|r| := \begin{cases} r & \text{wenn } (r \geq 0) \\ -(r) & \text{sonst} \end{cases}$.

Absolutbetrag The **Absolutbetrag** $|r|$ einer **rationalen Zahl** $\frac{a}{b}$ ist definiert als $\frac{|a|}{|b|}$.

Absolutbetrag Der **Absolutbetrag** $|r|$ einer Zahl r ist definiert als $\begin{cases} r & \text{wenn } r \geq 0 \\ -(r) & \text{sonst} \end{cases}$.

Addition Die **Addition** und **Summe** werden auf die **ganzen Zahlen** erweitert:

$$a + b := \begin{cases} |a| + |b| & \text{if } a, b \in \mathbb{N} \\ -(|a| + |b|) & \text{if } a, b \in \mathbb{Z}^- \\ |a| + (-(|b|)) & \text{if } (a \geq b) \\ |b| + (-(|a|)) & \text{if } (a < b) \end{cases}$$

Addition Auf den **rationalen Zahlen**, definieren wir die **Addition** wie folgt: die **Summe** $\frac{a}{b} + \frac{c}{d}$ ist $\frac{a \cdot d + b \cdot c}{b \cdot d}$.

Addition **Addition** $+$ berechnet die **Summe** $a + b$ von $a \in \mathbb{N}$ und $b \in \mathbb{N}$. Wir definieren $x + 0 = x$ und $x + s(y) = s(x + y)$, wobei s die Nachfolgerfunktion ist.

Addition **Addition** $+$ berechnet die **Summe** $a + b$ von **Zahlen** a und b .

Addition Die **Addition**, **Subtraktion**, **Multiplikation**, **Division**, and **Exponentiation** der **rationalen Zahlen** werden auf die **reellen Zahlen** erweitert, so dass sie Limiten respektieren.

Aktion Definiert bei **Turingmaschine**

Aktionstabelle Definiert bei **Turingmaschine**

Algorithmus Ein **Algorithmus** ist eine formale oder informelle Spezifikation einer Problemlösung durch Ausführung einer endlichen Folge von **Anweisungen** eines (konkreten oder gedachten/abstrakten) **informationsverarbeitenden Systems**.

Alphabet Definiert bei **formale Sprache**

Alphabet Ein **Alphabet** A ist eine endliche Menge; wir nennen jedes Element $a \in A$ einen **Buchstaben** und ein n -Tupel $s \in A^n$ ein **Wort** (oder **Zeichenkette**) über A . Wir schreiben ein Wort $\langle c_1, \dots, c_n \rangle$ als " $c_1 \dots c_n$ " oder sogar $c_1 \dots c_n$ und das **leere Wort** (**leere Zeichenkette**) in A^0 als ϵ .

Alphabet Definiert bei **nichtdeterministische Turingmaschine**

Anweisung Definiert bei **informationsverarbeitendes System**

Anweisungen Definiert bei **Kommandozeilenschnittstelle**

Anwendung Definiert bei **partielle Funktion**

Argument Definiert bei **Funktionsdefinition**

Argument Definiert bei **Unterprogramm**

Argument Definiert bei **partielle Funktion**

Argumentbereich Definiert bei **partielle Funktion**

Ast Ein **Pfad** in einem **Baum** dessen **Startknoten** die **Wurzel** ist, wird **Ast** genannt.

Attribut Definiert bei **objektorientierte Programmierung**

Ausdruck An **Ausdruck** einer **Programmiersprache** ist eine Kombination von einer oder mehreren **Konstanten**, **Variablen**, **Operatoren** und **Funktionen** das die **Programmiersprache** zu einem **Wert** transformiert. This process is called **Auswertung**.

Ausdruck Ein **Ausdruck** ist eine endliche Konstruktion die durch **Operatoranwendung** und **Variablenbindung** aus **Variablen** und Namen mathematischer Objekte/Konzepte zusammengesetzt werden (nach Regeln aus dem mathematischen Kontext).

Ausgabesystem Definiert bei **informationsverarbeitendes System**

Ausgangsgrad Definiert bei **Eingangsgrad**

Auswertung Definiert bei **Ausdruck**

Band Definiert bei **Turingmaschine**

Bandspezifikation Eine **Bandspezifikation** für eine **Turingmaschine** $\mathcal{M} := \langle \mathcal{A}, \mathcal{S}, b, \Sigma, s_0, \mathcal{F}, \mathcal{R} \rangle$ ist eine Funktion $t: \mathbb{N} \rightarrow \mathcal{A}$, so daß $t^{-1}(c)$ endlich ist für alle $c \in \mathbf{A}$ ausser b .

Basis Definiert bei [Exponentiation](#)

Basis Definiert bei [Stellenwertsystem](#)

Basis Definiert bei [Exponentiation](#)

Basis Definiert bei [Exponentiation](#)

Basis Definiert bei [Exponentiation](#)

Basisnamen Definiert bei [Dateisystem](#)

Baum Ein **Baum** ist ein [gerichteter azyklischer Graph](#) $G := \langle V, E \rangle$,

- mit genau einem [initialen](#) $v_r \in V$ (der [Wurzel](#) von G) und
- alle [Knoten](#) ausser der [Wurzel](#) haben [Eingangsgrad](#) 1.

Wir nennen v den [Elternknoten](#) of w , wenn $(v, w) \in E$ (w heißt dann [Kind](#) of v). Wir nennen einen [Knoten](#) v ein [Blatt](#) von G , wenn er [terminal](#) ist, also keine [Kinder](#) hat. Ein [Vorfahre](#) ist ein iterierter [Elternknoten](#) und ein [Nachfahre](#) ein iteriertes [Kind](#).

Befehlszeile Definiert bei [Kommandozeilenschnittstelle](#)

Betriebsmittel Siehe [Systemressource](#)

Betriebssystem Ein [Betriebssystem](#) ist ein [Systemprogramm](#), das die [Computer Hardware](#) und [Software](#) Ressourcen verwaltet, und einfache [Dienste](#) für [Computerprogramms](#) bereitstellt.

Bezeichner Ein [Bezeichner](#) (also called [Handle](#), [Identifikator](#) oder [Kennzeichen](#)) ist eine [Referenz](#) auf eine [Ressource](#).

Bijektion Definiert bei [bijektiv](#)

Bild Sei $f: A \rightarrow B$ eine [Funktion](#), $A' \subseteq A$ und $B' \subseteq B$, dann nennen wir

- $f(A') := \{b \in B \mid (a, b) \in f \text{ für ein } a \in A'\}$ das [Bild](#) von A' unter f ,
- $\mathbf{Im}(f) := f(A)$ das [Bild](#) von f , und
- $f^{-1}(B') := \{a \in A \mid (a, b) \in f \text{ für ein } b \in B'\}$ das [Urbild](#) von B' unter f .

Bild Definiert bei [Bild](#)

Blatt Definiert bei [Baum](#)

Botschaft Definiert bei [Kommunikationsmedium](#)

Bruch Definiert bei [rationale Zahl](#)

Bruchzahl Siehe [rationale Zahl](#)

Buchstaben Definiert bei [Alphabet](#)

Cartesische Produkt Das [Cartesische Produkt](#) über eine beliebige (möglicherweise unendliche) indizierte Familie von Mengen ist definiert als $\prod_{i \in I} X_i := \{f: I \rightarrow \bigcup_{i \in I} X_i \mid f(i) \in X_i\}$.

Client Ein [Client](#) ist eine [Hardware](#) oder [Software](#) das einen [Dienst](#) nutzt, der von einem [Server](#) bereitgestellt wird.

Cloud IDE Siehe [Web IDE](#)

Code Siehe [Programmcode](#)

Code A **Code** (oder **Kode**) ist ein System mit dem **Information** – z.B. Buchstaben, Worte, Geräusche, Bilder, oder Gesten – in eine andere Form gebracht werden zum Zwecke der Kommunikation über ein **Kommunikationsmedium** oder Speicherung in in a **Speichermedium**.

Bei der **Codierung** wird der **Code** angewandt zur Kommunikation oder Speicherung und bei der **Decodierung** wird der **Code** umgekehrt verwandt um die Ursprüngliche **Information** wiederherzustellen.

Codierung Definiert bei **Code**

Collection Siehe **Container**

Compiler Ein **Compiler** (auch **Kompiler** oder **Übersetzer**) ist ein **Programm**, das **Code** in einer **Programmiersprache** (die **Quellsprache**) in eine andere **Sprache** (die **Zielsprache**) übersetzt (wir sagen **kompiliert**).

Computer Ein **Computer** (auch **Rechenggerät** oder **Rechner**) ist eine physisches (normalerweise elektrisches oder elektronisches) **informationsverarbeitendes System** das automatisch eine Folge von **Maschinenbefehlen**, also arithmetische or logische Operationen, **ausführen** kann die den **Zustand** des **Systems** verändern.

Ein **Computer** besteht aus physischen Teilen (seine **Hardware**) und einer Menge von **Programmen** und **Daten**, seiner **Software**.

Container Ein **Container** (auch **Collection** ist eine Gruppierung variabler Größe **Datenobjekten** – die **Elemente** des **Containers** – die mittels gleichartiger Operationen gemeinsam behandelt werden sollen.

Dashboard Ein **Dashboard** ist ein Nutzerinterface das einen Überblick über den momentanen **Zustand** und die **Dienste** eines komplexen **Systems** gibt, indem es die **Information** so organisiert, dass sie einfach zu lesen ist.

Datei Eine **Datei** ist eine **Resource** zur Aufzeichnung von **Daten** in einem **Speichergerät**.

Dateisystem Ein **Dateisystem** ist ein **Programma** das Platz auf einem **Speichergerät** organisiert und als **Dateien** zur Verfügung stellt. Ein **Dateiname** besteht normalerweise aus einem **Basisnamen** un einer **Erweiterung**, die durch einen Punkt getrennt werden.

Daten **Daten** sind **Informationen** die verwendet werden um Ojekte zu repräsentieren, indem sie deren relevanten Attributen Werte zuweisen oder Beziehungen ausdrücken.

Datensprache Eine **Datensprache** ist eine **formale Sprache** für die Spezifikation von **Daten** in einem **informationsverarbeitenden System**. **Datensprachen** sind nicht **Turing-vollständig**.

Datenträger Siehe **Speichermedium**

Decodierung Definiert bei **Code**

Definiendum Definiert bei **definitionale Gleichung**

Definiens Definiert bei **definitionale Gleichung**

Diagonale Siehe **Identitätsfunktion**

Dictionary Ein **Dictionary** (oder **assoziatives Datenfeld**) ist ein **abstrakter Datentyp**, der aus einer **Menge** von **Schlüssel/Wert**-Paaren besteht, jeder **Schlüssel** darf höchstens einmal auftreten.

Dienst Definiert bei **Server**

Differenz Definiert bei [Subtraktion](#)

Differenz Definiert bei [Subtraktion](#)

Differenz Definiert bei [Subtraktion](#)

Differenz Definiert bei [Subtraktion](#)

Differenz Die **Differenz** $A \setminus B$ von Mengen A und B ist definiert als $\{x \mid x \in A \text{ und } x \notin B\}$.
Wir nennen $A \setminus B$ auch das **relative Komplement** oder einfach das **Komplement** von B in A .
Ist A klar aus dem Kontext schreiben wir auch \bar{B} für das Komplement von B in A .

Dimension Definiert bei [n-fache Cartesische Product](#)

Division **Division** berechnet den **Quotient** a/b von $a \in \mathbb{Q}$ und $b \in \mathbb{Q}$. Auf \mathbb{Q} definieren wir $\frac{a}{b} / \frac{c}{d} := \frac{a \cdot d}{b \cdot c}$.

Division **Division** berechnet den **Quotienten** a/b von **Zahlen** a und b . Er ist definiert als diejenige **Zahl** c – falls sie existiert, so dass $a \cdot c = b$.

Division Definiert bei [Addition](#)

Dokumentenbetrachters Definiert bei [elektronisches Dokument](#)

Durchschnitt Sind A und B **Mengen**, so ist der **Durchschnitt** $A \cap B$ von A und B gegeben als $\{x \mid x \in A \text{ and } x \in B\}$.

Ecke Definiert bei [Graph](#)

Eingabesymbole Definiert bei [nichtdeterministische Turingmaschine](#)

Eingabesystem Definiert bei [informationsverarbeitendes System](#)

Eingangsgrad Sind $G := \langle V, E \rangle$ ein **gerichteter Graph** und $v \in V$ ein **Knoten** in G , dann definieren wir

- den **Eingangsgrad** $\text{indeg}(v)$ von v in G als $\#\{x \mid (x, v) \in E\}$
- **Ausgangsgrad** $\text{outdeg}(v)$ von v in G als $\#\{w \mid (v, w) \in E\}$

Element Definiert bei [Menge](#)

Element Definiert bei [Container](#)

Elementbeziehung Definiert bei [Menge](#)

Elternknoten Definiert bei [Baum](#)

Empfänger Definiert bei [Kommunikationsmedium](#)

Endbenutzer Ein **Endbenutzer** ist eine Person, die ein **Rechenggerät** oder **Programm** letztendlich persönlich verwendet.

Endknoten Definiert bei [Pfad](#)

Endwert Definiert bei [Summation](#)

Erweiterung Definiert bei [Dateisystem](#)

Exponent Definiert bei [Exponentiation](#)

Exponent Definiert bei [Exponentiation](#)

Exponent Definiert bei [Exponentiation](#)

Exponent Definiert bei [Exponentiation](#)

Exponentiation [Exponentiation](#) erhebt eine [ganze Zahl](#) a (die [Basis](#)) zur n -ten [Potenz](#) ($n \in \mathbb{Z}$ heißt der [Exponent](#)). Wir definieren:

$$a^n := \begin{cases} b^n & \text{if } a \in \mathbb{Z}^+ \text{ and } (n = 2 \cdot k) \\ -(b^n) & \text{if } a \in \mathbb{Z}^- \text{ and } (n = 2 \cdot k + 1) \end{cases}$$

Exponentiation [Exponentiation](#) erhebt ein $a \in \mathbb{Q}$ (die [Basis](#)) zur b -ten [Potenz](#) ($n \in \mathbb{Q}$ heißt der [Exponent](#)). Wir definieren

$$\frac{a^{\frac{n}{m}}}{b} := \frac{\sqrt[m]{a^n}}{\sqrt[m]{b^n}}$$

Exponentiation [Exponentiation](#) erhebt eine [natürliche Zahl](#) a (die [Basis](#)) zur n -ten [Potenz](#) a^n ($n \in \mathbb{N}$ heißt der [Exponent](#)). Wir definieren $a^0 := 1$ und $a^{s(n)} := aa^n$.

Exponentiation [Exponentiation](#) erhebt eine [Zahl](#) a (die [Basis](#)) zur n -ten [Potenz](#) a^n (n heißt der [Exponent](#)).

Exponentiation Definiert bei [Addition](#)

Faktormenge Definiert bei [Äquivalenzklasse](#)

Folge Eine [Folge](#), $(a_n)_{n \in S}$, ist eine [Funktion](#) von einer [abzählbaren, total geordneten Menge](#) S (z.B. \mathbb{N} , dann schreiben wir oft (a_i)). Ist S [unendlich](#), so nennen wir eine Folge $(a_i)_{i \in S}$ auf S eine [unendliche Folge](#), sonst eine [endliche Folge](#). Die [Länge](#) von $(a_i)_{i \in S}$ ist definiert als die [Kardinalität](#) von S .

Folgen werden auf verschiedene Weise geschrieben:

- 1, 2, 3, 4 für eine konkrete endliche Folge
- 1, 2, 3, 4, ..., 10 für eine endliche Folge mit Ellipse
- x^1, \dots, x^n und x_1, \dots, x_n für Folgen von Variablen
- 1, 2, 3, 4, ... für eine unendliche Folge
- x^1, x^2, \dots und x_1, x_2, \dots für [unendliche Folgen](#) mit Variablen

Gegeben eine Folge $a: S \rightarrow T$ und ein Element $i \in S$ schreiben wir das i -te Element von a als a_i .

Formeln Mathematiker benutzen eine stilisierte Sprache, in der

- [Formeln](#) mathematische Objekte repräsentieren, z.B. $\int_1^0 x^{3/2} dx$
- [mathematische Idiome](#) (abweichende Wortwahl) gebräuchlich sind (z.B. *genau dann wenn*, *Sei... ein... ist... so ist...*)
- mathematische Aussagen durch ihre Rolle klassifiziert werden (z.B. [Definition](#), [Lemma](#), [Satz](#), [Beweis](#), [Beispiel](#))

Wir nennen diese Sprache die [mathematische Umgangssprache](#).

In Formeln werden verwendet die [mathematische Umgangssprache](#) Abkürzungen für [Junktoren](#):

- \wedge, \vee und \neg für [und](#), [oder](#) und [nicht](#).
- \Leftrightarrow für [genau dann wenn](#) (auch [gdw.](#)).
- \Rightarrow für [implies](#) oder [wenn... dann...](#) oder [ist... so ist...](#)

and [Quantifikation](#)

- $\forall x.P$ ($\forall x \in S.P$) steht für *P gilt für alle x (in S)*
- $\exists x.P$ ($\exists x \in S.P$) steht für *es gibt ein x (in S) so, daß P gilt*
- $\nexists x.P$ ($\nexists x \in S.P$) steht für *es gibt kein x (in S) für das P gilt*
- $\exists^1 x.P$ ($\exists^1 x \in S.P$) steht für *es gibt genau ein x (in S) für das P gilt*

Funktion Definiert bei [Unterprogramm](#)

Funktion Wenn wir nicht festlegen wollen, ob eine [partielle Funktion total](#) ist, sprechen wir einfach von einer [Funktion](#).

Funktionsdefinition Die [Funktionsdefinition](#) $f(a_1, \dots, a_n) := B[a_1, \dots, a_n]$ definiert eine n -äre Funktion f durch ihr Verhalten auf [Argumenten](#) a_1, \dots, a_n . Wir nennen $f(a_1, \dots, a_n)$ das [Funktionsmuster](#) und $B[a_1, \dots, a_n]$ den [Funktionsrumpf](#)– ein [Ausdruck](#), der die [Argumente](#) a_1, \dots, a_n als [freie Variable](#) enthalten kann.

Eine [Relation](#) p kann analog durch [definitionale Äquivalenz](#) $p(a_1, \dots, a_n) :\Leftrightarrow B$ definiert werden.

Funktionsmuster Definiert bei [Funktionsdefinition](#)

Funktionsrumpf Definiert bei [Funktionsdefinition](#)

Graph Ein [Graph](#) ist ein [Paar](#) $\langle V, E \rangle$, so dass V eine Menge und $E \subseteq (V, V)$ eine [Relation auf V](#) ist. Wir nennen V die [Ecken](#) (oder [Punkte](#), [Knoten](#)) and E die [Kanten](#) (oder [Linien](#), [Pfeile](#)) von G .

Ist E [symmetrisch](#), so nennen wir G einen [ungerichteten Graph](#) sonst einen [gerichteten Graph](#).

Grundmenge Wir nennen eine Struktur $\langle S, \leq \rangle$ aus einer Menge S (die [Grundmenge](#)) und einer partiellen Ordnung r eine [quasigeordnete Menge](#).

Grundzahl Definiert bei [Stellenwertsystem](#)

Höhe Die [Höhe](#) eines [Knoten](#) n in einem [Baum](#) t ist die [Länge](#) des längsten [Pfads](#), der n mit einem [Blatt](#) von t [verbindet](#). Die [Höhe](#) von t ist die [höhe](#) seiner [Wurzel](#).

Höhe Definiert bei [Höhe](#)

Handle Siehe [Bezeichner](#)

Hardware Definiert bei [Computer](#)

Hauptprozessor Siehe [zentrale Verarbeitungseinheit](#)

Hauptspeicher Der [Hauptspeicher](#) (auch [Speicher](#)) ist ein [Datenspeicher](#) in einem [Computer](#), das [Information](#) zum direkten Zugriff durch die [CPU](#) bereitstellt.

IDE Siehe [integrierte Entwicklungsumgebung](#)

Identitätsrelation Siehe [Identitätsfunktion](#)

Identifikator Siehe [Bezeichner](#)

Identitätsfunktion Für eine [Menge](#) A bildet die [Identitätsfunktion](#) $\text{Id}_A: A \rightarrow A$ auf A jedes $a \in A$ auf sich selbst ab. Wenn wir uns Id_A als [Relation](#) auf A vorstellen, dann nennen wir sie [Identitätsrelation](#) oder [Diagonale](#) auf A und schreiben Δ_A .

Imaginärteil Definiert bei [komplexe Zahl](#)

Informatik **Informatik** ist das Studienggebiet, das sich mit **Algorithmen** und **Informationsverarbeitenden Systemen** in Theorie and Praxis beschäftigt. Eine Fachkraft für **Informatik** nennen wir **Informatiker** oder **Informatikerin**.

Informatiker Definiert bei **Informatik**

Informatikerin Definiert bei **Informatik**

Information **Information** besteht aus einer Folge von **Symbolen** oder **Zuständen**.

Injektion Gegeben ein **Tupel** $v \in A_1 \times \dots \times A_{(i-1)} \times A_{(i+1)} \times \dots \times A_n$ nennen wir die Funktion $\iota_v^i: A_i \rightarrow A_1 \times \dots \times A_n; a_i \mapsto \langle a_1, \dots, a_n \rangle$ die (durch v induzierte) **it Injektion**

Interpreter Ein **Interpreter** ist ein **Programm** das die **Anweisungen** einer **Programmiersprache** direkt ausführt, ohne daß sie vorher in Maschinensprache **kompiliert** wurden.

Intervall Wir definieren vier Arten von **Intervallen** als **Teilmengen** der **reellen Zahlen**:

- $[a, b] := \{x \in \mathbb{R} \mid a \leq x \text{ und } x \leq b\}$
- $[a, b) := \{x \in \mathbb{R} \mid a \leq x \text{ und } x < b\}$
- $(a, b] := \{x \in \mathbb{R} \mid a < x \text{ und } x \leq b\}$
- $(a, b) := \{x \in \mathbb{R} \mid a < x \text{ und } x < b\}$

Junktor Definiert bei **Formeln**

Kante Definiert bei **Graph**

Kardinalität Definiert bei **endlich**

Kennzeichen Siehe **Bezeichner**

Kind Definiert bei **Baum**

Klasse Eine **Klasse** ist ein Programmkonstrukt im **objektorientieren Programmieren**, das die Erzeugung von **Objekten** sowie die Initialisierung der **Attribute** mit **Werten** und der **Methoden** mit Implementierungen regelt.

Kleene-* Abschluss Siehe **Kleenesche Hülle**

Kleene+ Abschluss Definiert bei **Kleenesche Hülle**

Kleenesche Hülle Die Abbildung \cdot^* von einem **Alphabet** A auf A^* heißt **Kleenesche Hülle**, **endlicher Abschluss**, **Kleene-* Abschluss**, **Verkettungshülle** oder **Sternhülle**. \cdot^+ heißt **endlicher Abschluss** oder **Kleene+ Abschluss**,

Knoten Definiert bei **Graph**

Kode Siehe **Code**

Kodierung Die Implementation eines **Algorithmus** in einer gewählten **Programmiersprache** nennen wir **Kodierung**.

Kommandozeile Definiert bei **Kommandozeilenschnittstelle**

Kommandozeileninterpreter Definiert bei **Kommandozeilenschnittstelle**

Kommandozeilenschnittstelle Eine **Kommandozeilenschnittstelle** ist eine **Nutzerschnittstelle** für ein **Computerprogramm** in der der **Nutzer** (oder **Klient**) **Anweisung** als Textzeilen (**Kommandozeile** oder **Befehlszeile**). Das **Programm**, das diese **Nutzerschnittstelle** bereitstellt, nennen wir **Kommandozeileninterpreter**.

Kommunikation **Kommunikation** ist die Übertragung von **Information** von einer Gruppe von Subjekten zu einer anderen.

Kommunikationsmedium Ein **Kommunikationsmedium** ist ein **Kommunikations**-Kanal oder -System – d.h. das Mittel durch das **Information** (die **Botschaft**) zwischen einem Sprecher oder der Schreiber (der **Sender**) und einem Publikum (die **Empfänger**) übermittelt wird.

Kompiler Siehe **Compiler**

Komplement Siehe **Differenz**

Komponenten Definiert bei **Struktur**

Konkatenation Siehe **Verkettung**

Konstante Eine **Konstante** ist ein **Speicherbereich** der einen **Wert** enthält, der nicht vom **Programm** verändert werden kann bei normaler that cannot be altered by the program during normal execution. Dieser Bereich wird **referenziert** durch einen **Bezeichner** – den **Namen** der **Konstante**.

Kopf Definiert bei **Turingmaschine**

Länge Definiert bei **Folge**

Länge Die **Länge** $|s|$ eines **Worts** $s \in A^n$ ist n .

Länge Definiert bei **Pfad**

Landaumenge Seien $g: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$, dann definieren wir die drei **Landaumengen** $\mathcal{O}(g), \Omega(g), \Theta(g)$ als

- $\mathcal{O}(g) := \{g: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N} \mid \exists k > 0. f \leq_a k \cdot g\}$
- $\Omega(g) := \{g: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N} \mid \exists k > 0. f \geq_a k \cdot g\}$
- $\Theta(g) := \mathcal{O}(g) \cap \Omega(g)$

Ist $G \in \{\mathcal{O}(g), \Omega(g), \Theta(g)\}$, schreiben wir auch $f = G$.

Gegeben eine konkrete Funktion g z.B. $g: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}; n \mapsto n^3$, schreiben wir $\mathcal{O}(g)$ oft als $\mathcal{O}(n^3)$, und analog für $\Omega(g)$ und $\Theta(g)$.

Laufindex Definiert bei **Summation**

Leitwerk Definiert bei **zentrale Verarbeitungseinheit**

Linie Definiert bei **Graph**

Liste Eine **Liste** ist ein **abstrakter Datentyp** der eine **endliche** Anzahl von geordneten **Elementen** der **Liste** repräsentiert, dabei können selben **Werte** mehr als einmal vorkommen.

Mächtigkeit Definiert bei **endlich**

Mantisse Definiert bei **wissenschaftliche Notation**

Maschinenbefehlen Definiert bei **Computer**

Maximum Definiert bei **Minimum**

Medien Siehe **Medium**

Medieninhalt Definiert bei **Medium**

Medium Ein **Medium** (Plural **Medien**) ist ein **Kommunikationsmedium** oder **Speichermedium**. Die **Information**, die übermittelt oder **gespeichert** wird nennen wir **Medieninhalt**.

Menge Eine **Menge** ist eine Zusammenfassung von einzelnen **Elementen**. Wir können eine Menge repräsentieren indem wir

- ihre Elemente in geschweiften Klammern aufzählen z.B. $\{a, b, c\}$,
- ihre Elemente aus einer gegebenen Menge S durch eine Eigenschaft P auswählen: $\{x \in S \mid x \text{ has property } P\}$. Wir schreiben kurz $\{x \mid x \text{ has property } P\}$, wenn die Menge aus dem Kontext erschlossen werden kann.
- Aussagen über die **Elementbeziehung** treffen ($a \in S$ oder $b \notin S$).

nichtleeren Zeichenketten Siehe **Menge der nichtleeren Worte**

der nichtleeren Worte Ist A ein Alphabet, so definieren wir die Mengen $A^+ := \bigcup_{i \in \mathbb{N}^+} A^i$ der **nichtleeren Worte** (**nichtleeren Zeichenketten**) und $A^* := A^+ \cup \{\epsilon\}$ **Worte** (**Zeichenketten**).

Mengeninklusion Definiert bei **Teilmenge**

Methode Definiert bei **objektorientierte Programmierung**

Minimum Das **Minimum** $\min S$ (**Maximum** $\max S$) einer **geordneten Menge** S ist dasjenige Element m (wenn es existiert), so dass alle anderen Elemente von S größer (kleiner) sind. Wir schreiben $\min(a_1, \dots, a_n)$ für $\min\{a_1, \dots, a_n\}$ und $\max(a_1, \dots, a_n)$ für $\max\{a_1, \dots, a_n\}$.

Ist e ein **Ausdruck** und φ eine Bedingung (in einer **Variablen** x), so schreiben wir $\max_{\varphi}(e)$ für $\max\{\varphi \mid e\}$ und nennen es das **maximum** für e über φ . Analog schreiben wir $\min_{\varphi}(e)$ für $\min\{\varphi \mid e\}$ und nennen es das **minimum** für e über φ .

Modulus Definiert bei **ganzzahlige Division**

Modulus Definiert bei **division**

Multiplikation Auf \mathbb{Z} , werden **Multiplikation** und **Produkt** per Fallunterscheidung definiert:

$$a \cdot b := \begin{cases} |a| \cdot |b| & \text{wenn } a, b \in \mathbb{N} \text{ or } a, b \in \mathbb{Z}^- \\ -(|a| \cdot |b|) & \text{sonst} \end{cases}$$

Multiplikation Auf \mathbb{Q} definieren wir die **Multiplikation** wie folgt: das **Produkt** $\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d}$ ist $\frac{a \cdot c}{b \cdot d}$.

Multiplikation **Multiplikation** \cdot berechnet das **Produkt** $a \cdot b$ (auch geschrieben als ab oder $a \times b$) von $a \in \mathbb{N}$ und $b \in \mathbb{N}$. Wir definieren $x \cdot 0 = 0$ und $x + s(y) = x + x \cdot y$.

Multiplikation **Multiplikation** berechnet das **Produkt** $a b$ von a und b .

Multiplikation Definiert bei **Addition**

Nachfahre Definiert bei **Baum**

Nachfolgerfunktion Definiert bei **natürlichen Zahlen**

Nachkommen Definiert bei **Vorfahren**

Name Definiert bei **Unterprogramm**

Namen Definiert bei **Konstante**

Nenner Definiert bei **rationale Zahl**

Null Definiert bei [natürlichen Zahlen](#)

Nummer Eine Repräsentation einer [Zahl](#) in einem [Nummernsystem](#) heißt eine [Nummer](#).

Nummernsystem Ein [Nummernsystem](#) ist ein Schriftsystem für [Zahlen](#), genauer gesagt ein System mathematischer Notationen, das [Zahlen](#) als konsistente Anordnung anderer Symbole ausdrückt.

Nutzer Definiert bei [Nutzerschnittstelle](#)

Nutzerschnittstelle Eine [Nutzerschnittstelle](#) ist ein Mittel mittels dessen eine Person (der [Nutzer](#)) mit einer [Software](#) Anwendung oder eine [Gerät](#) interagieren kann.

OOP Siehe [objektorientierte Programmierung](#)

Oberbaum Ist T ein [Teilbaum](#) von T' , so nennen wir T' einen [Oberbaum](#) von T .

Obergraph Ist G ein [Teilgraph](#) von G' , so nennen wir G' einen [Obergraph](#) von G .

Obermenge Eine Menge A ist eine [Obermenge](#) einer Menge B (schreibe $A \supseteq B$), wenn $B \subseteq A$.

Objekt Definiert bei [objektorientierte Programmierung](#)

Operator Ein [Operator](#) ist eine [Funktion](#) die sich syntaktisch (z.B. durch infix notation) oder semantisch (z.B. in der Evaluationsstrategie oder der Art, Argumente zu übergeben) von normalen [Funktionen](#) unterscheidet.

Operatoranwendung Definiert bei [Ausdruck](#)

Paar Siehe [Zweiermenge](#)

Paar Definiert bei [Paare](#)

Paare Die Menge (A, B) der [Paare](#) über den Mengen A und B ist definiert als $\{(a, b) \mid a \in A, b \in B\}$. Wir nennen $(a, b) \in A \times B$ ein [Paar](#). $(a, b) = (c, d)$, gdw. $a = c$ und $b = d$.

Paarmenge Siehe [Zweiermenge](#)

Parameter Definiert bei [Unterprogramm](#)

Pfad Ist $G := \langle V, E \rangle$ [gerichteter Graph](#), so nennen wir ein $n + 1$ -[Tupel](#) $p = \langle v_0, \dots, v_n \rangle \in V^{n+1}$ einen [Pfad](#) in G wenn $(v_{i-1}, v_i) \in E$ für alle $1 \leq i \leq n$ mit $n > 0$.

- Wir sagen daß die v_i sind Knoten [auf](#) p sind und daß v_0 und v_n durch p [verbunden](#) sind.
- Wir nennen v_0 und v_n den [Startknoten](#) bzw. [Endknoten](#) von p (schreibe [start\(p\)](#) und [end\(p\)](#)), alle anderen v_i heißen [innere Knoten](#).
- n heißt die [Länge](#) von p (schreibe [len\(p\)](#))
- Wir schreiben die Menge der [Pfade](#) in G als $\Pi(G)$

Pfeil Definiert bei [Graph](#)

Positionssystem Siehe [Stellenwertsystem](#)

Potenz Definiert bei [Exponentiation](#)

Potenz Definiert bei [Exponentiation](#)

Potenz Definiert bei [Exponentiation](#)

- Potenz** Definiert bei [Exponentiation](#)
- Potenzmenge** Für eine Menge A definieren wir die **Potenzmenge** $\mathcal{P}(A)$ von A als $\{S \mid S \subseteq A\}$.
- Präfix** Definiert bei [Teilwort](#)
- Produkt** Definiert bei [Multiplikation](#)
- Produkt** Definiert bei [Multiplikation](#)
- Produkt** Definiert bei [Multiplikation](#)
- Produkt** Definiert bei [Multiplikation](#)
- Programm** Definiert bei [Programmiersprache](#)
- Programm** Definiert bei [Turingmaschine](#)
- Programmcode** Wir nennen beliebige wohlgeformte Fragmente von [Programmen](#) **Programmcode** oder einfach **Code**.
- Programmierer** Eine Person, die [Programmiert](#) ist ein **Programmierer**.
- Programmierparadigma** Ein **Programmierparadigma** ist eine Klassifikation einer [Programmiersprache](#) aufgrund ihrer grundlegenden Eigenschaften. [Programmiersprachen](#) können in gleichzeitig in mehrere [Paradigmata](#) eingeordnet werden.
- Programmiersprache** Eine **Programmiersprache** L ist eine [formale Sprache](#) für die Spezifikation von Folgen von [Anweisungen](#) eines [Informationsverarbeitenden Systems](#). [Worte](#) in L nennen wir **Programme** von L .
- Programmierung** Der Prozess, ein [Programm](#) zu entwerfen und zu bauen, das eine spezifische Berechnungsaufgabe löst nennen wir **Programmierung**.
Sie beinhaltet sub-Prozesse wie: Analyse, [Algorithmen](#)-Entwicklung, Profiling des Ressourcenbedarfs von [Algorithmen](#), Beweisen von Eigenschaften von [Algorithmen](#), [Kodierung](#) und Programmverifikation.
- Projektion** Wir nennen die Funktion $\pi_i: A_1 \times \dots \times A_n \rightarrow A_i; \langle a_1, \dots, a_n \rangle \mapsto a_i$ die *ite* **Projektion**.
- Prozeß** Ein **Prozeß** ist eine Instanz eines [Programms](#) das gerade [ausgeführt](#) wird.
- Prozedur** Definiert bei [Unterprogramm](#)
- Prozessor** Siehe [zentrale Verarbeitungseinheit](#)
- Prozessor** Definiert bei [Informationsverarbeitendes System](#)
- Punkt** Definiert bei [Graph](#)
- Quadratwurzel** Definiert bei [Wurzel](#)
- Quadratwurzel** Definiert bei [Wurzel](#)
- Quadratwurzel** Definiert bei [Wurzel](#)
- Quadratwurzel** Definiert bei [Wurzel](#)
- Quantifikation** Definiert bei [Formeln](#)

- Quasiordnung** Eine binäre **Relation** $\leq \subseteq A \times A$ auf A heißt **Quasiordnung**, wenn sie **reflexiv** und **transitiv** ist.
- Quelle** Siehe **initial**
- Quellsprache** Definiert bei **Compiler**
- Quotient** Definiert bei **Division**
- Quotient** Definiert bei **Division**
- Quotientenabbildung** Definiert bei **Äquivalenzklasse**
- Quotientenmenge** Definiert bei **Äquivalenzklasse**
- Rückgabewert** Definiert bei **Unterprogramm**
- REPL** Siehe **lese-evaluieren-schreibe Zyklus**
- partiellen Funktionen** Definiert bei **Raum der Funktionen**
- Raum der Funktionen** Wir nennen die **Menge** $A \rightarrow B$ aller Funktionen von A nach B den **Raum der Funktionen** von A nach B .
Analog ist $A \rightharpoonup B$ der **Raum der partiellen Funktionen** von A nach B .
- Realteil** Definiert bei **komplexe Zahl**
- Rechengertät** Siehe **Computer**
- Rechner** Siehe **Computer**
- Referenz** Eine **Referenz** ist ein **Wert** der einem **Programm** ermöglicht, indirekt auf ein bestimmtes **Datum** im **Hauptspeicher** eines **Computers** oder einem **Sekundärspeicher** zuzugreifen. Wir sagen, daß die **Referenz** auf das **Datum referenziert**. Der Akt des Zugriffs auf das **Datum** heißt **dereferenzieren**.
- Rekursion** Definiert bei **rekursiv**
- Relation** Eine Menge $R \subseteq A \times B$ heißt (binäre) **Relation** zwischen A and B . Ist $A = B$ so nennen wir R eine **Relation auf A** .
- Relation auf** Definiert bei **Relation**
- Representant** Definiert bei **Äquivalenzklasse**
- Ressource** Siehe **Systemressource**
- Rest** Definiert bei **ganzzahlige Division**
- Rest** Definiert bei **division**
- Rumpf** Definiert bei **Unterprogramm**
- Schlüssel** Definiert bei **Dictionary**
- Schleife** Definiert bei **zyklisch**
- Schnitt** Ist $S = \{S_i \mid i \in I\}$ eine Familie von **Mengen**, so ist der **Schnitt** $\bigcap_{i \in I} S_i$ über S gegeben als $\{x \mid x \in S_i \text{ für alle } i \in I\}$.
- Sekundarspeicher** Jede Form von **Speichergerät** und **Speichermedien** die nicht direkt von der **CPU** aus zugreifbar sind, nennen wir **Sekundarspeicher** (auch **externer Speicher**),

- Sender** Definiert bei [Kommunikationsmedium](#)
- Senke** Definiert bei [initial](#)
- Server** Ein [Server](#) ist ein [Programm](#) oder ein [Computer](#) das eine Funktionalität – wir nennen sie einen [Dienst](#)– für andere [Programme](#) oder [Computers](#) – die [Clients](#) – anbietet.
- Shell** Eine [Shell](#) ist eine [Kommandozeilenschnittstelle](#) für die [Dienste](#) des [Betriebssystems](#) eines [Computers](#).
- Software** Definiert bei [Computer](#)
- Speicher** Siehe [Hauptspeicher](#)
- Speichergerät** Ein [Speichergerät](#) ist eine [Hardware](#)-Komponente, die [Daten](#) auf einem (fest installierten oder wechselbaren) [Datenträger](#) [speichern](#), d.h. aufzeichnet mit dem Zweck der späteren Wiedergabe.
- Speichermedium** Ein [Speichermedium](#) (auch [Datenträger](#)) ist ein physikalisches Material, das [Information](#) aufnehmen ([speichern](#)) und wieder abgeben kann.
- Speichersystem** Definiert bei [informationsverarbeitendes System](#)
- Sprache** Siehe [formale Sprache](#)
- Startknoten** Definiert bei [Pfad](#)
- Startwert** Definiert bei [Summation](#)
- Startzustand** Definiert bei [Turingmaschine](#)
- Stellenwertsystem** Ein [Stellenwertsystem](#) (auch [Positionssystem](#) oder [polyadisches Zahlensystem](#) genannt) ist ein [Nummernsystem](#), bei dem die Wertigkeit einer [Ziffer](#) (auch [Zahlzeichen](#)) von der Stelle abhängt.
- Ein [Stellenwertsystem](#) für einen for a [Zahlenbereich](#) N ist durch ein Paar $P := \langle D, \varphi \rangle$ gegeben, wobei D eine [endliche](#) Menge D von [Ziffern](#) (wir nennen $b := \#(D)$ die [Basis](#) oder [Grundzahl](#) von P) und einer φ eine [injective](#) Abbildung von D nach N ist.
- Die [b-adische Notation](#) erweitert φ zu einer [bijektiven](#) Abbildung von endlichen Folgen über D nach N mittels der Arithmetik von N . Eine endliche Folge a_0, \dots, a_n wird als eine Summe der sukzessiven Potenzen b^i multipliziert mit $\varphi(a_i)$. Die Details variieren mit N .
- Stelligkeit** Definiert bei [Unterprogramm](#)
- Sternhülle** Siehe [Kleenesche Hülle](#)
- Steuerwerk** Definiert bei [zentrale Verarbeitungseinheit](#)
- Struktur** Eine [Struktur](#) fasst mehrere existierende mathematische Objekte (die [Komponenten](#)) zu einem neuen Objekt zusammen. Strukturen werden normalerweise als endliche Aufzählungen ihrer Komponenten gegeben, die durch spezielle Namen referenziert werden können.
- Subsystem** Eine Einheit S' in einem [System](#) S die selbst ein [System](#) ist, nenne wir ein [Subsystem](#) von S .
- Subtraktion** [Subtraktion](#) berechnet die [Differenz](#) $a - b$ von $a \in \mathbb{Z}$ und $b \in \mathbb{Z}$ und ist definiert als $a + (-b)$.
- Subtraktion** [Subtraktion](#) berechnet die [Differenz](#) $a - b$ von $a \in \mathbb{Q}$ und $\frac{b}{c} \in \mathbb{Q}$ durch $a + \frac{-b}{c}$.

Subtraktion **Subtraktion** – berechnet die **Differenz** ab $a \in \mathbb{N}$ und $b \in \mathbb{N}$. Sie ist definiert als dasjenige $c \in \mathbb{N}$ – wenn es existiert, so dass $a + c = b$.

Subtraktion **Subtraktion** – berechnet die **Differenz** ab **Zahlen** a und b . Sie ist definiert als diejenige **Zahl** c – wenn sie existiert, so dass $a + c = b$.

Subtraktion Definiert bei **Addition**

Suffix Definiert bei **Teilwort**

Summation **Summation** ist iterierte **Addition**. Wir definieren die **Summe** über eine Folge a_i durch

$$\sum_{i=n}^m a_i := \begin{cases} 0 & \text{wenn } (n \leq m) \\ a_n + (\sum_{i=(n+1)}^m a_i) & \text{sonst} \end{cases}$$

Die Variable i wird der **Laufindex** oder **Summationsindex** genannt, n die **untere Grenze** (oder **Startwert**) und m die **obere Grenze** (oder **Endwert**) der Summe, zusammen bestimmen sie den **Summationsbereich**.

Gebräuchlich sind auch die folgenden Varianten des Summenoperators: $\sum_{\varphi} a_i$ und $\sum_{i \in S} a_i$. Der erste spezifiziert den Summationsbereich durch eine Formel φ über i und der zweite gibt den Summationsbereich als eine Menge S an.

Summationsbereich Definiert bei **Summation**

Summationsindex Definiert bei **Summation**

Summe Definiert bei **Addition**

Summe Definiert bei **Summation**

Summe Definiert bei **Addition**

Summe Definiert bei **Addition**

Summe Definiert bei **Addition**

Symbol Ein **Symbol** ist ein Zeichen, Sinnbild, oder Wort, das eine Idee, ein Objekt oder eine Beziehung bezeichnet.

System Ein **System** ist eine Gruppe interagierender oder miteinander verbundener Einheiten die gemeinsames Ganzes betrachtet werden (können). Ein **System** is abgegrenzt durch seine räumlichen und zeitlichen Grenzen, ist umgeben und wird beeinflusst durch seine Umgebung, wird durch seine Struktur und seinen Zweck beschrieben und drückt sich durch seine Funktion aus.

Systemressource Eine **Systemressource** (auch einfach **Ressource** oder **Betriebsmittel**), ist eine beliebige physische oder virtuelle Komponente die von einem **Computers** zugreifbar oder damit verbunden ist.

Teilbaum Ein **Teilgraph** eines **Baums** der selbst ein **Baum** ist, heißt **Teilbaum**.

Teilgraph Seien $G := \langle V, E \rangle$ und $G' := \langle V', E' \rangle$ zwei Graphen. Wenn $V' \subseteq V$ und $E' \subseteq E$, dann ist G' ein **Teilgraph** (oder **Untergraph**) von G , wir schreiben $G' \subseteq G$. Sind $G' \subseteq G$ und $G' \neq G$, so ist G' **echter Teilgraph** von G (schreibe $G' \subset G$).

Teilkette Siehe **Teilwort**

Teilmenge Eine Menge A ist eine **Teilmenge** einer Menge B (schreibe $A \subseteq B$), wenn alle $x \in A$ Elemente von B sind. Die Relation \subseteq nennen wir **Mengeninklusion**.

Teilwort Ist A in **Alphabet**, so sagen wir dass ein **Wort** $s \in A^*$ ein **Teilwort (Teilkette)** eines **Worts** $t \in A^*$ (schreibe $s \subseteq t$), falls es **Worte** $v, w \in A^*$ gibt, so dass $t = vs w$. Ist $v \neq \epsilon$ oder $w \neq \epsilon$, so nennen wir s ein **echtes Teilwort (echte Teilkette)** von t und schreiben $s \subset t$.

Ist $v = \epsilon$, so nennen wir s einen **Präfix** von t und schreiben $s \leq t$, ist ausserdem $w \neq \epsilon$ so ist s ein **echter Präfix** von t und wir schreiben $s \triangleleft t$. Analog gilt: ist $w = \epsilon$, so nenne wir s einen **Suffix** von t , ist ausserdem $v \neq \epsilon$ **echter Suffix** von t .

Turing-vollständig Wir nennen ein **informationsverarbeitendes System** **Turing-vollständig** oder **turingmächtig**, wenn es dazu benutzt werden kann eine beliebige **Turingmaschine** zu simulieren.

Turingmaschine Eine **Turingmaschine** besteht aus

- Einem **Band** mit unendlich vielen **Zellen**.
- Jede **Zelle** enthält ein Symbol aus einem endlichen Alphabet \mathcal{A} mit $\#(\mathcal{A}) \geq 2$.
- Einem **Kopf** der Symbole vom **Band** lesen und auf das **Band** schreiben kann und sich zur nächsten **Zelle** nach links/rechts bewegen kann.
- Einem **Zustandsregister** das den **Zustand** der Maschine speichert. Es gibt eine endliche Menge von **Zuständen**, das **Zustandsregister** ist Anfangs mit einem speziellen **Startzustand** vorbelegt.
- Einer **Aktionstabelle** (oder **Programm**]) die – gegeben das gerade gelesene Symbol und einem Zustand – die nächste **Aktion**, d.h. das zu schreibende Symbol, die Kopfbewegung, und den nächsten Zustand spezifiziert. Enthält die Tabelle keine Aktion, so **hält** sie an.

Unbekannte Definiert bei **Variable**

Unendlichkeit Die **Unendlichkeit** (schreibe ∞) ist ein abstraktes Konzept, das auf Begriffe und Objekte angewendet wird, die keine Grenze haben. In der Mathematik wird sie meist wie eine Zahl behandelt.

Universalrechner Ein **Universalrechner** ist ein **Computer** der, gegeben die nötige **Software** und genügend Zeit, beliebige Rechenaufgabe ausführen können sollte.

Untergraph Siehe **Teilgraph**

Unterprogramm Ein **Unterprogramm** ist ein zusammenhängendes **Programmfragment** in einem **Programm** P das eine spezifische Aufgabe erfüllt. Es ist so verpackt, dass es von P ausgeführt (**aufgerufen**) werden kann.

Ein **Unterprogramm** p besteht aus einem Bezeichner (sein **Name**), einer **Folge** $x = x_1, \dots, x_n$ von lokalen Bezeichnern, die wir **Parameter** nennen, und einem **Programmfragment** (dem **Rumpf** von p). Die **Länge** n von x nennen wir die **Stelligkeit** von p .

Wenn P (wir nennen es das **ausführende Programm**) p **aufruft**, dann übergibt es eine **Folge** von **Werten** (**Argumente** genannt) an p : die **Parameter** im **Rumpf** von p werden durch die **Argumente** ersetzt und der **Rumpf** wird ausgeführt im Kontext wo p aufgerufen wurde. p kann einen **Rückgabewert** v an P **zurückgeben**. Tut p das, so nennen wir p eine **Funktion**, sonst eine **Prozedur**.

Urbild Definiert bei **Bild**

Variable Eine **Variable** ist ein **Speicherbereich** das einen **Wert** enthält. Dieser wird **referenziert** durch einen **Bezeichner** – der **Variablenname**.

Variable Eine **Variable** ist ein Buchstabe oder Zeichenkette, die ein mathematisches Objekt repräsentiert: den **Wert**. Dieser kann entweder **beliebig** (aber fix), **unterspezifiziert** oder unbekannt sein – in diesem Fall nennen wir die variable eine **Unbekannte**. Die Menge der Objekte, für die eine **Variable** stehen kann nennen wir ihren **Wertebereich**.

Variablenbindung Definiert bei **Ausdruck**

Variablenname Definiert bei **Variable**

Vektor Definiert bei ***n*-dimensionaler Cartesischen Raum**

Vereinigung Sind A und B **Mengen**, so heißt $\{x \mid x \in A \text{ oder } x \in B\}$ die **Vereinigung** $A \cup B$ von A und B .

Vereinigung Ist $S = \{S_i \mid i \in I\}$ eine Familie von **Mengen**, so ist die **Vereinigung** $\bigcup_{i \in I} S_i$ über S gegeben als $\{x \mid x \in S_i \text{ für ein } i \in I\}$.

Verkettung Die **Verkettung** (auch **Konkatenation**) $\text{conc}(s, t)$ zweier Worte $s = \langle s_1, \dots, s_n \rangle \in A^n$ und $t = \langle t_1, \dots, t_m \rangle \in A^m$ ist definiert als $\langle s_1, \dots, s_n, t_1, \dots, t_m \rangle \in A^{(n+m)}$.

Wir schreiben $\text{conc}(s, t)$ als $s + t$ oder einfacher als st .

Verkettung Die **Verkettung** zweier Relationen $R \subseteq A \times B$ und $S \subseteq B \times C$ ist definiert als

$$S \circ R := \{(a, c) \in A \times C \mid \text{es gibt ein } b \in B \text{ mit } (a, b) \in R \text{ und } (b, c) \in S\}$$

Verkettungshülle Siehe **Kleenesche Hülle**

Vorfahre Definiert bei **Baum**

Vorfahren Die **Vorfahren-** und **Nachkommen-Relation** sind der **transitive Abschluß** der **Eltern-** und **Kind-Relationen**.

Web IDE Ein **Web IDE** oder **Cloud IDE**, ist eine Browser-basierte **integrierte Entwicklungsumgebung**.

Wert Definiert bei **Dictionary**

Wert Definiert bei **Variable**

Wertebereich Definiert bei **partielle Funktion**

Wertebereich Definiert bei **Variable**

Wort Definiert bei **Alphabet**

Worte Definiert bei **Menge der nichtleeren Worte**

Wurzel Für $b \in \mathbb{Z}$, ist $r \in \mathbb{Z}$ eine b -te **Wurzel** von $a \in \mathbb{Z}$ (wir schreiben $\sqrt[b]{a}$) falls $r^b = a$. Die **Quadratwurzel** $\sqrt[2]{a}$ schreiben wir als \sqrt{a} .

Wurzel Definiert bei **Baum**

Wurzel Für $b \in \mathbb{Q}$, ist $r \in \mathbb{Q}$ eine b -te **Wurzel** von $a \in \mathbb{Q}$ (wir schreiben $\sqrt[b]{a}$) falls $r^b = a$. Die **Quadratwurzel** $\sqrt[2]{a}$ schreiben wir als \sqrt{a} .

Wurzel Die n -te **Wurzel** $\sqrt[n]{a}$ einer Zahl $a \in \mathbb{N}$ ist dasjenige $r \in \mathbb{N}$ – falls es existiert, so dass $r^n = a$. Die **Quadratwurzel** $\sqrt[2]{a}$ wird als \sqrt{a} geschrieben.

Wurzel Die n -te **Wurzel** $\sqrt[n]{a}$ einer **Zahl** a ist diejenige **Zahl** r – falls sie existiert, so dass $r^n = a$. Die zweite Wurzel heißt auch **Quadratwurzel** und wird als \sqrt{a} geschrieben.

Zähler Definiert bei [rationale Zahl](#)

ZVE Siehe [zentrale Verarbeitungseinheit](#)

Zahl Eine **Zahl** ist ein mathematisches Objekt das verwendet wird um andere Objekte zu zählen oder messen.

Zahlmenge Eine **Zahlmenge** ist einfach eine [Menge](#) von [Zahlen](#).

Zahlzeichen Definiert bei [Stellenwertsystem](#)

Zeichenkette Definiert bei [Alphabet](#)

Zeichenketten Definiert bei [Menge der nichtleeren Worte](#)

Zelle Definiert bei [Turingmaschine](#)

Zielsprache Definiert bei [Compiler](#)

Ziffer Definiert bei [Stellenwertsystem](#)

Zustand Definiert bei [nichtdeterministische Turingmaschine](#)

Zustand Definiert bei [zustandsbehaftet](#)

Zustandsregister Definiert bei [Turingmaschine](#)

Zweiermenge Ist A eine Menge und $x, y \in A$, so nennen wir die Menge $p \subseteq A$, mit $z \in p$, gdw. $z = x$ oder $z = y$ die **Zweiermenge** oder **Paarmenge**, oder einfach das (ungeordnete) **Paar** aus x und y und schreiben sie als $\{x, y\}$.

Die Menge aller **Paarmengen** wird manchmal als $\binom{A}{2}$ geschrieben.

Zykel Definiert bei [zyklisch](#)

abstrakter Datentyp Ein **abstrakter Datentyp** (ADT) ist ein mathematisches Modell für einen **Datentyp**, der einen **Typ** mittels seines Verhaltens aus Nutzersicht spezifiziert, konkret bezüglich seiner möglichen **Werte** und **Operationen** auf **Werten** dieses **Typs** und deren Verhalten.

abzählbar Wir nennen eine **Menge** A **abzählbar** (sonst **überabzählbar**), wenn es eine **bijektive** Funktion $f: A \rightarrow \mathbb{N}$ mit $N \subseteq \mathbb{N}$ gibt.

abzählbar unendlich Wir nennen eine **Menge** A **abzählbar unendlich**, wenn es eine **bijektive** Funktion $f: A \rightarrow \mathbb{N}$ gibt.

antireflexiv Definiert bei [reflexiv](#)

antisymmetrisch Definiert bei [symmetrisch](#)

arithmetic/logic unit Definiert bei [zentrale Verarbeitungseinheit](#)

arithmetisch/logischen Einheit Definiert bei [zentrale Verarbeitungseinheit](#)

assoziatives Datenfeld Siehe [Dictionary](#)

asymmetrisch Definiert bei [symmetrisch](#)

asymptotisch beschränkt Für $f, g: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ sagen wir daß eine Funktion f **asymptotisch beschränkt** ist durch g (wir schreiben $f \leq_a g$), wenn es ein $n_0 \in \mathbb{N}$ gibt, so daß $f(n) \leq g(n)$ für alle $n > n_0$.

auf Definiert bei [Pfad](#)

- aufrufen** Definiert bei [Unterprogramm](#)
- ausführen** Definiert bei [Computer](#)
- ausführende Programm** Definiert bei [Unterprogramm](#)
- azyklisch** Definiert bei [zyklisch](#)
- beliebig** Definiert bei [Variable](#)
- bijektiv** Eine [Funktion](#) $f: S \rightarrow T$ heißt **bijektiv** (oder **eindeutig** oder eine **Bijektion**), wenn f [injektiv](#) und [surjektiv](#) ist.
- client-server architecture** In the [client-server architecture](#) (also called [client-server model](#)) wird eine Gesamtberechnung auf multiple [Prozesse](#) oder [Computers](#) verteilt.
Ein einzelner [Server](#) kann mehrere [Clients](#) bedienen, und ein einzelner [Client](#) kann mehrere [Server](#) nutzen. Ein [Client](#) kann auf dem selben [Computer](#) laufen oder über ein Netzwerk einen [Server](#) auf einem anderen [Computer](#) kontaktieren.
- client-server model** Siehe [client-server architecture](#)
- dTM** Definiert bei [nichtdeterministische Turingmaschine](#)
- definiert auf** Eine partielle Funktion $f: X \rightarrow Y$ heißt
 - **definiert auf** $x \in X$, falls $(x, y) \in f$ für ein $y \in Y$.
 - **undefiniert auf** $x \in X$ (schreibe $f(x) = \perp$), wenn $(x, y) \notin f$ für alle $y \in Y$.
- definitionale Äquivalenz** Definiert bei [definitionale Gleichung](#)
- definitionale Gleichung** Wir nennen ein Paar $a := A$ eine [definitionale Gleichung](#) und $a \Leftrightarrow A$ eine [definitionale Äquivalenz](#) mit [Definiendum](#) a und [Definiens](#) A , wenn a ein neues Symbol ist, das nicht in A vorkommt.
- dereferenzieren** Definiert bei [Referenz](#)
- deterministische Turingmaschine** Definiert bei [nichtdeterministische Turingmaschine](#)
- division** [Division](#) berechnet den [Modulus](#) $n \operatorname{div} m$ zweier [natürlichen Zahlen](#) n und m . $n \operatorname{div} m$ ist definiert als dasjenige $q \in \mathbb{N}$, so dass $n = m \cdot q + r$ für ein $r \leq 0 < m$. Wir nennen r den **Rest** und schreiben $n \operatorname{mod} m$ für r .
- echte Obermenge** Eine Menge A ist eine **echte Obermenge** einer Menge B (schreibe $A \supset B$), wenn $B \subset A$.
- echte Teilkette** Definiert bei [Teilwort](#)
- echte Teilmenge** Eine Menge A heißt **echte Teilmenge** einer Menge B (schreibe $A \subset B$), wenn $A \subseteq B$ aber $A \neq B$.
- echter Präfix** Definiert bei [Teilwort](#)
- echter Suffix** Definiert bei [Teilwort](#)
- echter Teilgraph** Definiert bei [Teilgraph](#)
- echtes Teilwort** Definiert bei [Teilwort](#)
- eindeutig** Siehe [bijektiv](#)
- einfach** Definiert bei [zyklisch](#)

- einfache Ordnung** Siehe [lineare Ordnung](#)
- eingebettetes System** Ein [eingebettetes System](#) ist ein [Rechengesät](#) mit einer bestimmten Funktion in einem größeren mechanischen oder elektrischen [System](#).
- elektronisches Dokument** Ein [elektronisches Dokument](#) ist jede Form von [Medieninhalt](#), der mittels eines [Dokumentenbetrachters](#), also einem [Programm](#) oder [Gerät](#) das den [Medieninhalt](#) in eine Form überführt, in dem er direkt vom [Endbenutzer](#) wahrgenommen werden kann.
- endlich** Wir nennen eine [Menge](#) A [endlich](#) mit [Kardinalität](#) oder [Mächtigkeit](#) $\#(A) \in \mathbb{N}$, wenn es eine [bijektive](#) Funktion $f: A \rightarrow \{n \in \mathbb{N} \mid n < \#(A)\}$ gibt.
Die [Kardinalität](#) einer Menge A wird oft auch als $|A|$, $\text{card}(A)$, $n(A)$ oder \overline{A} geschrieben.
- endliche Folge** Definiert bei [Folge](#)
- endlicher Abschluss** Siehe [Kleenesche Hülle](#)
- endlicher Abschluss** Definiert bei [Kleenesche Hülle](#)
- erste Komponente** Ist $p := (a, b)$ ein Paar, so nennen wir $p^1 := a$ die [erste Komponente](#) und $p^2 := b$ die [zweite Komponente](#) von p .
- externer Speicher** Siehe [Sekundarspeicher](#)
- finaler Zustand** Definiert bei [nichtdeterministische Turingmaschine](#)
- formale Sprache** Eine [formale Sprache](#) (oder einfach [Sprache](#)) über einem [Alphabet](#) \mathcal{A} ist eine Menge $\mathcal{L} \subseteq \mathcal{A}^*$ von [Wörtern](#) über \mathcal{A} .
- frei** Definiert bei [gebunden](#)
- ganze Zahl** Die Menge \mathbb{Z} der [ganzen Zahlen](#) ist definiert als $\mathbb{Z} := \mathbb{N} \cup \{-n \mid n \in \mathbb{N}^+\}$.
- ganzzahlige Division** [Ganzzahlige Division](#) berechnet den [ganzzahligen Quotienten](#) (oder [Modulus](#)) $n \text{ div } m$ zweier [ganzen Zahlen](#) n und m . $n \text{ div } m$ ist definiert als dasjenige $q \in \mathbb{Z}$, so dass $n = m \cdot q + r$ für ein $0 \leq r < m$. Wir nennen r den [Rest](#) und schreiben $n \text{ mod } m$ für r .
- ganzzahlige Intervall** Wir definieren ein [ganzzahlige Intervall](#) als eine Menge konsekutiver ganzer Zahlen: $[a, b] := \{x \in \mathbb{Z} \mid x \leq a \leq b\}$
- ganzzahliger Quotient** Definiert bei [ganzzahlige Division](#)
- gdw.** Definiert bei [Formeln](#)
- gebunden** Wir nennen ein Vorkommen einer [Variable](#) v [gebunden](#) in einem [Ausdruck](#) E , falls es in einer [Variablenbindung](#) v ist. Ein [Variablenvorkommen](#), das nicht [gebunden](#) ist in einem [Ausdruck](#) E nennen wir [frei](#) in E .
Wir schreiben einen [Ausdruck](#) E in dem die [Variablen](#) x_1, \dots, x_n [frei](#) vorkommen, oft als $E[x_1, \dots, x_n]$.
- genau dann wenn** Definiert bei [Formeln](#)
- geordnete Menge** Wir nennen eine Struktur $\langle S, \leq \rangle$ aus einer Menge S und einer [partiellen Ordnung](#) \leq eine [geordnete Menge](#).
- gerichteter Graph** Definiert bei [Graph](#)
- geschlossen** Ein [Ausdruck](#), der keine [freien Variablen](#) enthält, heißt [geschlossen](#).

- gleich** Zwei Mengen A und B sind **gleich** (geschrieben $A \equiv B$), wenn sie die gleichen Elemente haben.
- gleich** Wir nennen zwei mathematische Objekte a and b **gleich**, (schreibe $a = b$), wenn es keine Eigenschaften gibt, die sie auseinanderhalten.
- größer als** Definiert bei **kleiner als**
- grafische Nutzeroberfläche** Siehe **grafische Nutzerschnittstelle**
- grafische Nutzerschnittstelle** Eine **grafische Nutzerschnittstelle** (oder **grafische Nutzeroberfläche**) ist eine **Nutzerschnittstelle** die grafische Elemente z.B. Fenster, Icons und Knöpfe enthält.
- hält** Definiert bei **Turingmaschine**
- imaginäre Einheit** Definiert bei **komplexe Zahl**
- ungerichteter Graph** Ist $G := \langle V, E \rangle$ ein **Graph** und E' der **symmetrische Abschluss** von E , so nennen wir $\langle V, E' \rangle$ den **induzierten ungerichteten Graph** von G .
- informationsverarbeitendes System** Ein **informationsverarbeitendes System** ist eine **zustandbehaftetes System** (sei es elektrisch, mechanisch oder biologisch) das **Information** in einer Form aufnimmt und sie in eine andere Form überführt.
- Ein **informationsverarbeitendes System** S ist aus vier **Subsystemen** aufgebaut
1. das **Eingabesystem** schleust **Information** in S ein,
 2. der **Prozessor**, führt die Informationstransformation in einer Abfolge von Operationen auf dem **Zustand** des **Prozessors** durch – wir nennen diese Operationen (**Anweisungen**),
 3. das **Speichersystem** verwahrt **Information** und
 4. das **Ausgabesystem** schleust die transformierte **Information** aus S aus.
- initial** Sei $G := \langle V, E \rangle$ ein **gerichteter Graph**, dann nennen wir einen **Knoten** $v \in V$
- **initial** (oder eine **Quelle**) in G , wenn es kein $w \in V$ gibt, so dass $(w, v) \in E$.
 - **terminal** (oder **Senke**) in G , wenn es kein $w \in V$ gibt, so dass $(v, w) \in E$.
- initialer Zustand** Definiert bei **nichtdeterministische Turingmaschine**
- injektiv** Eine **Funktion** $f: S \rightarrow T$ heißt **injektiv** oder **linkseindeutig**, wenn für alle $x, y \in S$ mit $f(x) = f(y)$ gilt $x = y$.
- innere Knoten** Definiert bei **Pfad**
- integrierte Entwicklungsumgebung** Eine **integrierte Entwicklungsumgebung** (**IDE**) ist eine Sammlung von hilfreiche Werkzeuge bereit, mit denen die Aufgaben der Softwareentwicklung möglichst ohne Medienbrüche bearbeitet werden können und dem Softwareentwickler häufig wiederkehrende Aufgaben abnehmen.
- Ein **IDE** enthält gewöhnlich mindestens einen source code editor, Werkzeuge zur Automatisierung des Erstellungsprozesses und einen debugger.
- inverse Function** Ist $f: A \rightarrow B$ **injektiv**, dann ist die **konverse Relation** eine **partielle Funktion** $f^{-1}: B \rightarrow A$, wir nennen sie die **inverse Function** von f . Ist f **bijektiv** und **total**, so ist f^{-1} eine **totale Funktion**.
- irreflexiv** Definiert bei **reflexiv**

kanonische Projektion Definiert bei [Äquivalenzklasse](#)

kleiner Die Relation $<$ ist der [transitive](#) Abschluss der Relation $\{(n, s(n)) \mid n \in \mathbb{N}\}$ und \leq ihr [transitiv-reflexive](#) Abschluss. $>$ und \leq sind die korrespondierenden [konversen Relationen](#).

Für $a < b$ sagen wir daß a **kleiner** ist als b .¹

EdN:1

kleiner als Wir definieren die Ordnungsrelation $<_{\mathbb{Z}}$ (n ist **kleiner als** m auch als $<$ geschrieben) durch

$$<_{\mathbb{Z}} := <_{\mathbb{N}} \cup \{(n, m) \mid n \in \mathbb{Z}^- \text{ ansotd } m \in \mathbb{N}\} \cup \{(-n, -m) \mid n, m \in \mathbb{N}^+ \text{ und } m <_{\mathbb{N}} n\}$$

Wir definieren die Relation $>_{\mathbb{Z}}$ (**größer als**) via $(n > m) := (m < n)$ und die Relationen $\leq_{\mathbb{Z}}$ und $\leq_{\mathbb{Z}}$ als die [reflexive Erweiterungen](#).

kompilieren Definiert bei [Compiler](#)

komplexe Zahl Die Menge \mathbb{C} der [komplexen Zahlen](#) besteht aus Ausdrücken der Form $c = (a + bi)$, mit $a, b \in \mathbb{R}$. Wir nennen $\text{Re}(c) := a$ den [Realteil](#), $\text{Im}(c) := a$ den [Imaginärteil](#) von c und i die [imaginäre Einheit](#).

konverse Relation $R^{-1} := \{(y, x) \mid (x, y) \in R\}$ ist die [konverse Relation](#) von $R \subseteq A \times B$.

leer Definiert bei [leere Menge](#)

leere Menge Die [leere Menge](#) \emptyset (schreibe auch $\{\}$) ist die [Menge](#) ohne Elemente. Eine Menge heißt **leer**, wenn sie die leere Menge ist, sonst **nichtleer**.

leere Wort Definiert bei [Alphabet](#)

leere Zeichenkette Definiert bei [Alphabet](#)

leeres Symbol Definiert bei [nichtdeterministische Turingmaschine](#)

liedere-schreibe Zyklus Ein [lese-evaluere-schreibe Zyklus \(REPL\)](#), ist eine einfache, interaktive [Nutzerschnittstelle](#), die einzelne [Ausdrücke](#) oder [Anweisungen](#) als Eingabe nimmt, diese [evaluiert](#) or [ausführt](#), und das Resultat an den [Nutzer](#) zurückgibt.

lineare Ordnung Eine [partielle Ordnung](#) R heißt [lineare Ordnung](#) (auch [einfache Ordnung](#) oder [totale Ordnung](#)), falls $a \leq b$ oder $b \leq a$ für alle $a, b \in A$.

linkseindeutig Siehe [injektiv](#)

mathatische Idiome Definiert bei [Formeln](#)

ische Umgangssprache Definiert bei [Formeln](#)

maximum Definiert bei [Minimum](#)

minimum Definiert bei [Minimum](#)

ationionaler Ausdruck Ein [multirelationionaler Ausdruck](#) steht für eine Konjunktion von relationalen Aussagen: $aRbSc \dots$ gilt, falls $R(a, b)$ gilt und ausserdem $bSc \dots$

nTM Siehe [nichtdeterministische Turingmaschine](#)

natürlichen Zahlen Die [Menge](#) \mathbb{N} der [natürlichen Zahlen](#) ist die Menge $\{0, 1, 2, \dots\}$. Sie werden durch Iteration der [Nachfolgerfunktion](#) über der [Null](#) erzeugt.

negative ganze Zahl Definiert bei [nichtnegative ganze Zahl](#)

¹EDNOTE: continue for the others

negative rationale Zahl Definiert bei [positive rationale Zahl](#)

negative reelle Zahl Definiert bei [positive reelle Zahl](#)

deterministische Turingmaschine Eine **nichtdeterministische Turingmaschine** (nTM) $\mathcal{M} := \langle \mathcal{A}, \mathcal{S}, b, \Sigma, s_0, \mathcal{F}, \mathcal{R} \rangle$, besteht aus

- einer Menge \mathcal{A} : dem **Alphabet**,
- einer Menge \mathcal{S} von **Zuständen**,
- dem **leeren Symbol** $b \in \mathcal{A}$
- einer Menge $\Sigma \subseteq \mathcal{A}$ von **Eingabesymbolen**.
- dem **initialen Zustand** $s_0 \in \mathcal{S}$,
- einer Menge $\mathcal{F} \subseteq \mathcal{S}$ von **finalen Zuständen**
- und der **Übergangsrelation** $\mathcal{R} \subseteq ((\mathcal{S} \setminus \mathcal{F}) \times \mathcal{A}) \times (\mathcal{S} \times \mathcal{A} \times \{R, L\})$.

Wir nennen \mathcal{M} eine **deterministische Turingmaschine** (dTM) falls \mathcal{R} eine Funktion $\mathcal{R}: (\mathcal{S} \setminus \mathcal{F}) \times \mathcal{A} \rightarrow \mathcal{S} \times \mathcal{A} \times \{R, L\}$ ist. Dann nennen wir \mathcal{R} die **Übergangsfunktion**.

Wenn es irrelevant – oder klar aus dem Kontext – ist ob \mathcal{M} deterministisch ist oder nicht reden wir auch einfach von einer **Turingmaschine**.

nichtleer Definiert bei [leere Menge](#)

nichtnegative ganze Zahl Wir verwenden $\mathbb{Z}_0^+ := \mathbb{N}$ und $\mathbb{Z}_0^- := \{x \in \mathbb{Z} \mid x = (-y) \text{ for some } y \in \mathbb{N}\}$ für die Mengen der **nichtnegativen ganzen Zahlen** und der **nichtpositiven ganzen Zahlen**, sowie $\mathbb{Z}^+ := \{x \in \mathbb{Z}_0^+ \mid x \neq 0\}$ und $\mathbb{Z}^- := \{x \in \mathbb{Z}_0^- \mid x \neq 0\}$ für die Mengen der **positiven ganzen Zahlen** und der **negativen ganzen Zahlen**.

negative rationale Zahl Definiert bei [positive rationale Zahl](#)

nichtnegative reelle Zahl Definiert bei [positive reelle Zahl](#)

nichtpositiven ganze Zahl Definiert bei [nichtnegative ganze Zahl](#)

positiven rationale Zahl Definiert bei [positive rationale Zahl](#)

nichtpositiven reelle Zahl Definiert bei [positive reelle Zahl](#)

wissenschaftliche Gleitkommazahl Definiert bei [wissenschaftliche Notation](#)

obere Grenze Definiert bei [Summation](#)

objektorientierte Programmierung **Objektorientierte Programmierung** (OOP) ist ein **Programmierparadigma**, das auf dem Konzept eines **Objekts** aufbaut. Ein **Objekt** kann **Daten** enthalten um Eigenschaften zu repräsentieren; wir nennen diese **Attribute**. Das Verhalten von **Objekten** wird durch **Prozeduren** spezifiziert, die im **objektorientierten Programmieren** **Methoden** genannt werden.

partielle Funktion Eine Relation $f \subseteq X \times Y$, heißt **partielle Funktion** mit **Argumentbereich** X (schreibe $\text{dom}(f)$) und **Wertebereich** Y (schreibe $\text{codom}(f)$), wenn es für jedes $x \in X$ höchstens ein $y \in Y$ gibt mit $(x, y) \in f$.

Wir schreiben $f: X \rightarrow Y; x \mapsto y$ und $f(x) = y$ wenn $(x, y) \in f$. Wir nennen $f(x)$ die **Anwendung** von f auf x und x das **Argument** von f .

partielle Ordnung Eine **quasiordnung** $\leq \subseteq A \times A$ auf A heißt **partielle Ordnung**, wenn sie **antisymmetrisch** ist. \leq induziert eine **strikte Ordnung** $< := \{(a, b) \in \leq \mid a \neq b\}$.

Die **konversen Relationen** schreiben wir oft als \geq und $>$.

stetiges Zahlensystem Siehe [Stellenwertsystem](#)

positive ganze Zahl Definiert bei [nichtnegative ganze Zahl](#)

positive rationale Zahl Wir verwenden $\mathbb{Q}^+ := \{\frac{p}{q} \in \mathbb{Q} \mid p > 0\}$ und $\mathbb{Q}^- := \{\frac{p}{q} \in \mathbb{Q} \mid p < 0\}$ für die Mengen der **positiven rationalen Zahlen** and **negativen rationalen Zahlen** sowie $\mathbb{Q}_0^- := \{\frac{p}{q} \in \mathbb{Q} \mid p \leq 0\}$ und $\mathbb{Q}_0^+ := \{\frac{p}{q} \in \mathbb{Q} \mid p \geq 0\}$ für die Mengen der **nichtpositiven rationalen Zahlen** and **nichtnegativen rationalen Zahlen**.

positive reelle Zahl Wir verwenden \mathbb{R}^+ und \mathbb{R}^- für die Mengen der **positiven reellen Zahlen** and **negativen reellen Zahlen** sowie \mathbb{R}_0^- und \mathbb{R}_0^+ für die Mengen der **nichtpositiven reellen Zahlen** and **nichtnegativen reellen Zahlen**. Dabei nennen wir eine reelle Zahl positiv/negativ, wenn es alle rationalen Zahlen, die sie approximieren.

natürlichen Zahlen Die Menge \mathbb{N}^+ der **positiven natürlichen Zahlen** ist $\{1, 2, 3, \dots\}$.

quasi geordnete Menge Definiert bei [Grundmenge](#)

rationale Zahl Die Menge \mathbb{Q} der **rationalen Zahlen** (oder **Bruchzahlen**) ist die Menge $(\mathbb{Z} \times \mathbb{N}^+)/\sim$, wobei $((p_1, q_1) \sim (p_2, q_3))$, gdw. $p_1 q_2 = q_2 q_1$. In einem **Bruch** $\frac{p}{q}$ nennen wir p den **Zähler** und q den **Nenner**.

rechtstotal Siehe [surjektiv](#)

reelle Zahl Die Menge \mathbb{R} der **reellen Zahlen** ist die Vervollständigung von \mathbb{Q} .

referenziert Definiert bei [Referenz](#)

reflexiv Eine Relation $R \subseteq A \times A$ heißt

- **reflexiv** auf A , wenn $(a, a) \in R$ für alle $a \in A$, und
- **irreflexiv** (or **antireflexiv**) auf A , wenn $(a, a) \notin R$ für alle $a \in A$.

reflexive Erweiterung Eine [Relation](#) R auf A ist **reflexiv**, gdw. $\text{Id}_A \subseteq R$, daher nennen wir $R \cup \text{Id}_A$ die **reflexive Erweiterung** von R .

rekursiv Wir nennen ein Problem **rekursiv**, wenn seine Lösung von Lösungen kleinerer Instanzen desselben Problems abhängt.

Rekursion löst **rekursive Probleme** mittels ([wechselseitig](#)) **rekursiver Funktionen** oder **Typen**.

Wir nennen eine Menge $F = \{f_1, \dots, f_n\}$ von **Funktionen** or **Typen** **wechselseitig rekursiv** wenn sie sich gegenseitig in den **Rümpfen aufrufen**.

Wir nennen eine **Funktionen** oder **Typ** f **rekursiv**, wenn $\{f\}$ **wechselseitig rekursiv** ist.

rekursiv Definiert bei [rekursiv](#)

relative Komplement Siehe [Differenz](#)

speichert Definiert bei [Speichergerät](#)

speichern Definiert bei [Speichermedium](#)

stückweise definiert Eine Abbildung m ist **stückweise definiert**, schreibe

$$m(x) = \begin{cases} a_1 & \text{wenn } A_1 \\ \vdots & \vdots \\ a_n & \text{wenn } A_n \\ o & \text{sonst} \end{cases}$$

wobei A_i Bedingungen an x sind, wenn $m(x) = a_i$ für alle x so dass A_i und o sonst.

strikte Ordnung Definiert bei [partielle Ordnung](#)

surjektiv Eine [Funktion](#) $f: S \rightarrow T$ heißt **surjektiv** oder **rechtstotal**, wenn es für alle $y \in T$ ein $x \in S$ gibt mit $f(x) = y$.

symmetrisch Eine Relation $R \subseteq A \times A$ heißt

- **symmetrisch** auf A , falls $(b, a) \in R$ für alle $a, b \in A$ mit $(a, b) \in R$.
- **asymmetrisch** auf A , falls $(b, a) \notin R$ für alle $a, b \in A$ mit $(a, b) \in R$.
- **antisymmetrisch** auf A , falls $a = b$ wenn $(a, b) \in R$ und $(b, a) \in R$.

symmetrische Differenz Die **symmetrische Differenz** $A \Delta B$ von zwei Mengen A und B ist definiert als $(A \setminus B) \cup (B \setminus A)$; wir schreiben sie auch als $A \oplus B$ oder $A \ominus B$.

terminal Definiert bei [initial](#)

total Eine [Relation](#) $R \subseteq A \times B$ heißt **total** wenn es für alle $x \in A$ ein $y \in B$ gibt, so dass $(x, y) \in R$.

total geordnete Menge Wir nennen eine Struktur $\langle S, \leq \rangle$ aus einer Menge S und einer [totalen Ordnung](#) \leq eine **total geordnete Menge**.

totale Funktion Ist $f: X \rightarrow Y$ eine [totale Relation](#) (d.h. für alle $x \in X$ gibt es ein eindeutiges $y \in Y$ it $(x, y) \in f$), dann nennen wir f eine **totale Funktion** und schreiben $f: X \rightarrow Y$.

totale Ordnung Siehe [lineare Ordnung](#)

transitiv Eine Relation $R \subseteq A \times A$ heißt **transitiv** auf A , falls $(a, c) \in R$ für alle $a, b, c \in A$ mit $(a, b) \in R$ und $(b, c) \in R$.

transitiv-reflexive Hülle Definiert bei [transitive Hülle](#)

transitive Hülle Ist R eine binäre Relation, so nennen wir

- die kleinste [transitive Relation](#), die R enthält, die **transitive Hülle** (oder den **transitiven Abschluß**) von R .
- die kleinste [transitive](#) und [reflexive Relation](#) die R enthält, die **transitiv-reflexive Hülle** (oder den **transitiven-reflexiven Abschluß**) von R und schreiben sie als R^* .

transitiven Abschluß Siehe [transitive Hülle](#)

transitiv-reflexiven Abschluß Definiert bei [transitive Hülle](#)

turingmächtig Siehe [Turing-vollständig](#)

undefiniert auf Definiert bei [definiert auf](#)

unendlich Eine [Menge](#) die nicht [endlich](#) ist heißt **unendlich**.

unendliche Folge Definiert bei [Folge](#)

ungerichteter Graph Definiert bei [Graph](#)

untere Grenze Definiert bei [Summation](#)

unterspezifiziert Definiert bei [Variable](#)

verbunden Definiert bei [Pfad](#)

verkettbar Wir nennen zwei Relationen $R \subseteq A \times B$ und $S \subseteq C \times D$ **verkettbar**, falls $B = C$.

wechselseitig rekursiv Definiert bei [rekursiv](#)

wissenschaftliche Notation In [wissenschaftlicher Notation](#) werde Zahlen in der Form $a \times 10^b$ dargestellt, ($a \in \mathbb{R}$ mal 10 hoch $b \in \mathbb{Z}$), dabei nennen wir a die [Mantisse](#).

Wir sprechen von [normalisierten Gleitkommazahlen](#), falls $1 \leq |a| < 10$

Verarbeitungseinheit Eine [zentrale Verarbeitungseinheit](#) ([ZVE](#); auch [Hauptprozessor](#) oder einfach [Prozessor](#)), ist die elektronische Schaltung in einem [Computer](#), die die [Maschinenbefehle](#) ausführt indem sie deren grundlegenden arithmetischen, logischen, Kontrollfluss-, und Eingabe/Ausgabe-Operationen durchführt.

Eine [CPU](#) besteht aus

- einem [Steuerwerk](#) (auch [Leitwerk](#) genannt), das das [Programm](#) interpretiert und den Fluss der «««« HEAD [Maschinenbefehle](#) kontrolliert und
- einer [arithmetisch/logischen Einheit](#) ([ALU](#)) die die internen Berechnungen ausführt. ===== [Maschinenbefehle](#) kontrolliert, und
- einer [arithmetic/logic unit](#) ([ALU](#)) die die internen Berechnungen ausführt. »»»»> 533aa700c984d71d8d5e6cf207

zurückgeben Definiert bei [Unterprogramm](#)

zustandsbehaftet Ein [System](#) S wird als [zustandsbehaftet](#) beschrieben, wenn es dazu ausgebildet ist, vor-
ausgehende Ereignisse zu erinnern. Die Totalität der erinnerten Ereignisse nennen wir den [Zustand](#) von S .

zweite Komponente Definiert bei [erste Komponente](#)

zyklenfrei Definiert bei [zyklisch](#)

zyklisch Ist $G := \langle V, E \rangle$ ein [gerichteter Graph](#), so nennen wir

- einen [Pfad](#) p in G [zyklisch](#) (auch einen [Zykel](#) oder eine [Schleife](#)), falls $\text{start}(p) = \text{end}(p)$.
- einen [Zykel](#) $\langle v_0, \dots, v_n \rangle$ [einfach](#), wenn $v_i \neq v_j$ für alle $1 \leq i, j \leq n$ mit $i \neq j$.
- G [azyklisch](#) (oder [zyklenfrei](#)), wenn G keinen [Zykel](#) enthält.

Übersetzer Siehe [Compiler](#)